

Mathématiques II

Numéro d'inventaire : 2025.0.99

Auteur(s): Michel Quellier

Type de document : travail d'élève

Période de création : 3e quart 20e siècle

Date de création : 1956-1957

Matériau(x) et technique(s) : papier vergé | plume de métal

Description : Cahier à couverture cartonnée jaune. Reliure métallique en spirale. Réglure petits carreaux 5 x 5 mm sans marge. Pontuseaux verticaux et vergeures horizontales.

Filigrane "Corona" avec la représentation d'une couronne royale espagnole.

Mesures: hauteur: 27 cm; largeur: 21 cm

Notes : Il s'agit du deuxième cahier de Mathématiques de Michel Quellier, élève en classes préparatoires Mathématiques spéciales (seconde année de la filière de classes préparatoires aux grandes écoles ou CPGE), scolarisé au lycée Pothier d'Orléans durant l'année 1956-1957, dans la perspective du passage du concours de l'Ecole Centrale des Arts et Manufactures de Paris.

Contenu (en sommaire dans les dernières pages du cahier) Surfaces définies paramétriquement Surfaces réglées, Surfaces réglées développables Surfaces définies par une équation implicite Lieux géométriques dans l'espace ; Lieux géométriques des droites cone - cylindre - conoïde Surface de révolution : Surfaces réglées ; Surfaces cerclées Enveloppes dans le plan : Equations tangentielles ; Enveloppes de cercles ; Dualité ; Enveloppes de l'espace Séries : Règles de Cauchy ; Règle de d'Alembert ; Série Un = f(n) ; Séries à termes négatifs, qcq, série alternée ; Séries à termes complexes ; Calcul de la somme ; Produit de deux séries A.C. ; Suites - Suite définie par itération ; Séries de Taylor, de Maclaurin ; exponentielle imaginaire Primitives : Changement de variables - Intégration par parties ; Fractions rationnelles - Eléments de la deuxième espèce ; Fonctions trigonométriques rationnelles ; Expressions irrationnelles ; Intégrale définie ; Extension ; Comparaison Intégrale - série ; Calcul approché ; Valeur moyenne ; Calcul des courbes planes ; Longueur d'un arc de courbe - Abscisse curviligne ; Dérivation vectorielle Courbures : Rayon de courbure - centre de courbure ; Développée - développantes ; Courbures en coordonnées polaires ; Courbure dans l'espace : Rayon de courbure - centre de courbure - axe de courbure - cercle osculateur : Torsion en coordonnées semi-polaires - en coordonnées sphériques Intégrales doubles : Coordonnées cartésiennes - coordonnées polaires ; Calcul des surfaces gauches ; Formule de Greene - formule de Stokes ; Intégrales triples ; Volumes -formule des trois niveaux ; Formule d'Ostrogradski - masse _ centre de gravité ; Moments d'inertie ; Equations différentielles - Dn 1er ordre ; A variables séparées - linéaires ; de Bernoulli - homogènes ; de Clairaut - de Lagrange - de Riccati ; changement de variables ; Trajectoires orthogonales ; Equations différentielles 2ème ordre

Mots-clés: Calcul et mathématiques

Lieu(x) de création : Orléans

Autres descriptions : Langue : Français

Nombre de pages : Paginé

Commentaire pagination: 172 p. dont 169 p. manuscrites

1/4

Surfaces définies paramétriquement
M x = f(u,v) get v et v continues et dévinées continues
13 = h(v, v) Si waste 2, y, & redependent quede v difinissant aims
(3 = h (v, v) Si waste 2, y, z ne dependent que de v difinissant ainsi une course C course C.
Co voirie unce D'et engendre la surface
V= orle coursely angenetiant to surpace.
Co vouris ance & et engendre la surface V= orle courbe v engendrant la surface. Rur tt point 1/0 (u, vo) de la surface pusse la course Cu, et la courbe V, · Cu et l' s'apprent le rungem l'oudres
the transfer to the surfers a cost tracer was made with vittle of the
Can be surface an west traces by a cette compe
126 - 4/1 + 1/21
Courbes passant pur M Mer la surface 3
Jr = " gu + v g v four thes ascomples to 19 4 of h's sont les in mais
2 = che + Vho c'et v' vorient.
Han tungent surface on peut tracer une courbe $u(t)$, $v(t)$ $z = f(u(t), v(t))$ Sur la surface on peut tracer la sy à cette courbe $y = u' f u + v' f v'$ Courbes passant par M. Mer la surface $u' f u' f v' f u' f u' f u' f u' f u' f $
V- T- tv jv hv
To da tangente - fr g'v g'v h'v
T = v' U + v' V q y wient v'et v' T ex dono emplor fixe défini par U, V verte tangente à la courbe l', le plan vy est défini par les 2 tangentes v v C aux 2 courbes génératrices
The state of la course I also the state line and less tongentes
Veste langer
Emplion duplon to 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
2 - f(2, v) g - g(-1) d , - o L V to
tu gu hu
Equation duplon by $\int_{\infty} -f(u,v) = \int_{\infty} -f($
Normale à la surface $x - f(u,v) = y - g(v,v) = 3 - h(v,v)$
V V = 0 X - F(B,V) = M
Plan 2 1 12 2 AU + WV
Surfaces usualles Plan $\vec{V}(\vec{a}, \vec{\beta}, \vec{y}) = M$ $\vec{x} = \vec{x}_0 + \vec{\lambda} \vec{\alpha} + \mu \vec{\alpha}$
y=y0+88+10B,
3 = 3. + >3 - N
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
Cone $(c) x = f(t) \text{sm} \alpha = f(t) - \alpha$ $ y = g(t) \beta = g(t) - \beta$ $ z = h(t) - \alpha$ $ z = h(t) - \alpha$
$\begin{cases} y = g(t) \\ 3 = h(t) \end{cases}$ $\begin{cases} g = g(t) - h \\ y = h(t) - c \end{cases}$
$\frac{1}{3} = h(t)$
S(a, h, c) P 2 = a + D [1/2) - a]
$x = \alpha + \beta \alpha / r$
$y = b + \rho \left[g(r) - b \right] \qquad y = 2 + \rho B(r)$
0 - 0 - 0 - 0 - 0 - 0 - 0 - 0 - 0 - 0 -
Si t= este Mest fise: génératrice
P = este 5 P = P.SM combes homothetiques de (c)
Core desarrant o x = Px(t) y = PP(t) 3 = PX(t)



Conede Revolution Sommeto et ase o z base dans z = 1 base x = 1g a cas f circle de rayon r = tg d
vast x = 1g x cas 1
$y = iy \times \sin y$ cone $ x = p ig \times \cos p$ on $ x = 3 g \times \cos p$
3 = 1 y = p ry d sin f y = 3 to a sin f
$\begin{vmatrix} y = ry\alpha & \sin \theta \\ 3 = 1 \end{vmatrix} = \begin{cases} \cos \theta & \cos \theta \\ y = \rho ry\alpha & \sin \theta \\ y = 3 & \cos \theta \end{cases}$ $= \begin{cases} x = \beta & \cos \theta \\ y = 3 & \cos \theta \\ y = 3 & \cos \theta \end{cases}$ $= \begin{cases} x = \beta & \cos \theta \\ y = 3 & \cos \theta \\ y = 3 & \cos \theta \end{cases}$ $= \begin{cases} x = \beta & \cos \theta \\ y = 3 & \cos \theta \end{cases}$
7- 111 + 44
701 3-6/41-1
Surfaces de perolution en asas 1 d'asce e z $ \begin{array}{c c} 3 = A(t) + f \\ \hline 4 = g(t) \\ \hline 3 = A(t) + f \\ \hline 4 = g(t) + g(t) = r \cos f \text{apris la Rat} r \cos [g+0] = r \cos g \cos g - r \sin g \\ \hline 3 = A(t) + f \\ \hline 4 = g(t) + g(t) = r \cos f \text{apris la Rat} r \cos [g+0] = r \cos g \cos g + r \sin g \\ \hline 4 = g(t) = r \sin g \cos g + r \cos g \cos g \cos g + r \cos g \cos g \cos g + r \cos g \cos g \cos g \cos g + r \cos g \cos$
3 (c) = g(t) and f(t) = rearl aprila Rat r cos (4+0)= rearles 0- 2 mil
$3 = \lambda(t)$ $g(t) = a sin f$
$2 \sin(f+\theta) = 2 \sin\theta \cos f + 2 \sin\theta \cos f $
$soit \mid x = f(t) \cos t - g(t) \sin t$
$y = f(t) \sin \theta + g(t) \cos \theta$ $x = h(t)$
$\frac{1}{3} = \lambda(t)$
courbes t=este: paralliles ois la surface
B = este courbes décluites par Rotation de (C)
example! hyperboloide droile x = a hyperboloide x = a cost - my sint y = my y = a sint + my cost
a simple control of the state o
5' la courbe est définée par su meridienne (2003) 3=3
(= fl) oc = flt) cost representation parametrique of unarer
y = h(t) y = h(t) sint (parallele) de nayon \f(t+)
3 = 1(1)
Cone de Revolution x = 2 x = 2 cos 0 on x = 3
Cone de Revolution $x = x$ $y = r \cos \theta$ $y = r \sin \theta$
3 = 200
2
$x = \rho \sin \alpha$ $x = \rho \sin \alpha \cos \theta$
$\frac{1}{3} = 1 \cos \alpha$ $y = 2 \sin \alpha \sin \theta$
3 = 7 000 0
Sphire centre o rayon à engendrée par un 1/2 verde $\alpha = R \cos d$
engendrée par un 1/2 cercle a = R cost
3 = Rmp
sc = A cas fias a
y = R dos found P= este parallele latitude
3 = R sin 4 0 = este 1/2 menibienne largitude
12 11 2000

