
Sujet de l'Ecole Polytechnique

Numéro d'inventaire : 2016.90.92

Type de document : travail d'élève

Période de création : 1er quart 20e siècle

Date de création : 1925

Matériau(x) et technique(s) : papier cartonné

Description : Ensemble de fiches simples cartonnées tenues par un trombone. Ecriture sur le recto et verso des feuilles. MS encre noire et crayon bleu.

Mesures : hauteur : 19,2 cm ; largeur : 12,4 cm

Notes : Sujet de 1883 de l'Ecole Polytechnique repris comme exercice en 1925.

Mots-clés : Calcul et mathématiques

Filière : Supérieure

Autres descriptions : Langue : français

Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 16 p.

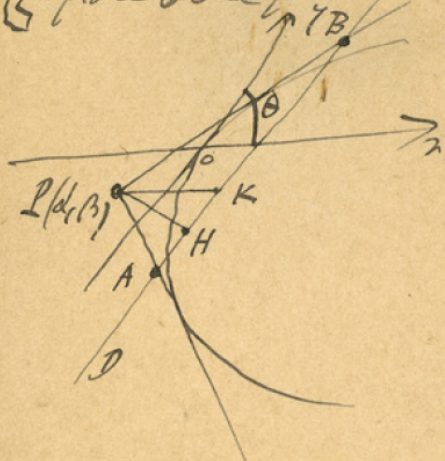
ill.

Lieux : Paris

Q. I. 1885. D'une courbe conique 1908

I.

Un cercle et une parabole se coupent en deux points et on demande de trouver la tangente commune à la parabole formée sur l'axe D en un point de la surface.



Après: dia de la cir D
et tang à l'axe,
 $y^2 - 2px = 0$
with $P(d, r)$ un pt qq
du pl. Men les tg PA,
PB et égal l'arc de
cir LAB.

$$S = \frac{1}{2} AB \times PH$$

$S = \frac{1}{2} |y_1 - y_2| PK \cdot \sin \theta = \frac{1}{2} |y_1 - y_2| d \cdot a / \sin \theta$
en appliquant à l'axe de D. Cal $|y_1 - y_2|$
Cher la tang à la par issue de $P(d, r)$. On
donc le pt $M(2p, r)$ et on cherche la dr qui le
joint au pt P coupe en 2 pts conf.

$$\left(\frac{\beta + \alpha y}{1 + \alpha}\right)^2 - 2p \frac{\alpha + \beta y}{1 + \alpha} = 0$$

$$(y^2 - 2px)^2 + 2[\beta y - p(\alpha + d)]y + \beta^2 - 2p\alpha d = 0$$

$$(\beta^2 - 2p\alpha)(y^2 - 2px) - [\beta y - p(\alpha + d)]^2 = 0$$

y_1 et y_2 sont rac de

$$(\beta^2 - 2p\alpha)(y^2 - 2px) - [\beta y - p(\alpha + d)]^2 = 0$$

$$2\alpha y^2 - 2p(\alpha + d)y + 2\alpha(\beta^2 - 2p\alpha) + p(\alpha + d)^2 = 0$$

$$(y_1 - y_2)^2 = \frac{\beta^2(\alpha + d)^2}{d^2} - 4 \frac{2\alpha(\beta^2 - 2p\alpha) + p(\alpha + d)^2}{d^2}$$

$$= \frac{\beta^2(\alpha + d)^2 - 2d[2\alpha(\beta^2 - 2p\alpha) + p(\alpha + d)^2]}{d^2}$$

le numérateur s'écrit $\beta^2(d - \alpha)^2 - 2p\alpha(d - \alpha)^2 - (\beta^2 - 2p\alpha)(d - \alpha)^2$
On a donc $S^2 = \frac{(\beta^2 - 2p\alpha)(d - \alpha)^4}{d^2} \sin^2 \theta$

Eq de la cir: $(x - a)^2 + y^2 = r^2$, en op $\frac{1}{2} K^2 \sin^2 \theta$
la surf du triangle.
Courbe du 6^e ordre. dir ay: $x^2 + y^2 = 0$. Le pt à
l'infini sur oy est un pt quadruple

