

Sujet de l'Ecole Normale

Numéro d'inventaire : 2016.90.90

Type de document : travail d'élève

Période de création : 1er quart 20e siècle

Date de création : 1921

Matériaux et technique(s) : papier cartonné

Description : Ensemble de fiches simples cartonnées tenues par un trombone. Ecriture sur le recto et verso des feuilles. MS encre noire et crayon à papier.

Mesures : hauteur : 20 cm ; largeur : 12,4 cm

Notes : Sujet de 1895 de l'Ecole Normale repris comme exercice lors d'une conférence du 14 mars 1921.

Mots-clés : Calcul et mathématiques

Filière : Supérieure

Autres descriptions : Langue : français

Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 12 p.

ill.

Lieux : Paris

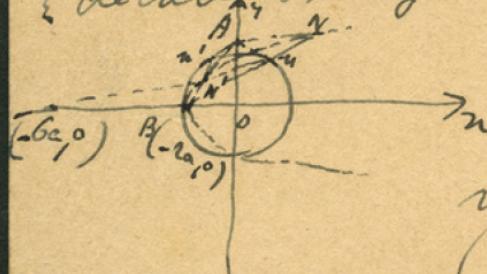
Conférence du lundi. 14 mars 1881. EN. (1881) 1

Qu'un cercle (C) et une parabole (P) sont tangents, en coordonnées, sur les 2es

$$(C) x^2 + y^2 - 4a^2 = 0 \quad (P) y^2 - 2ax - 4a^2 = 0.$$

D'un pt A pris sur l'axe oy on voit les tangentes, dont les points de contact sont N et N' , et les tangentes à la parabole, dont les points de contact sont M et M' .

On démontre que chacune des droites MN , MN' , $M'N$, $M'N'$ passe par un pt fixe, lorsque le pt A décrira l'axe oy.



Si le pt A est tel que le point fixe est sur l'axe des x, je prends sur le cercle le point $(2a \cos \varphi, 2a \sin \varphi)$, et sur la parabole le point $\left(\frac{y^2 - 4a^2}{2a}, y\right)$. La droite qui

les joint coupe l'axe des x au point P d'abc
 $(y^2 - 4a^2) \sin \varphi - 2ay \cos \varphi$

$\frac{2ay \cos \varphi}{y^2 - 4a^2}$

En exprimant que les tang. au cercle et à la parabole aux points x et y que l'on a considérés coupent oy au même point, on trouve

$$\tan \varphi = \frac{4ay}{y^2 - 4a^2}, \quad \text{d'où } \cos \varphi = \frac{\pm(y^2 - 4a^2)}{y^2 + 4a^2}$$

Il faudra prouver que si $\cos \varphi$ est $y^2 - 4a^2$ sous le signe de même signe (MN , $M'N'$), — si $\cos \varphi$ est $y^2 - 4a^2$ sous le signe contraire (MN' , $M'N$)

Cela étant l'abc du point P devient

$$\frac{(y^2 - 4a^2)(-4ay \pm 2ay)}{y(y^2 - 4a^2)} = -2a \text{ ou } -6a,$$

montrant qu'en prenant le signe + ou le signe -.

Export des articles du musée
sous-titre du PDF
