

Sujet de l'Ecole Normale

Numéro d'inventaire : 2016.90.90

Type de document : travail d'élève

Période de création : 1er quart 20e siècle

Date de création : 1921

Matériau(x) et technique(s) : papier cartonné

Description : Ensemble de fiches simples cartonnées tenues par un trombone. Ecriture sur le recto et verso des feuilles. MS encre noire et crayon à papier.

Mesures : hauteur : 20 cm ; largeur : 12,4 cm

Notes : Sujet de 1895 de l'Ecole Normale repris comme exercice lors d'une conférence du 14 mars 1921.

Mots-clés : Calcul et mathématiques

Filière : Supérieure

Autres descriptions : Langue : français

Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 12 p.

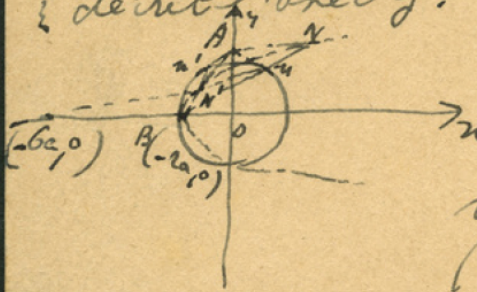
ill.

Conférence du lundi. 14 mars. 1921. E.N. (1898) 1

Un cercle (C) et une parabole (P) sont représentés, en coordonnées rect., par les eqs

$$(C) x^2 + y^2 - 4a^2 = 0 \quad (P) y^2 - 2ax - 4a^2 = 0.$$

D'un pt A pris sur l'axe oy on mène les tangentes, sur la parabole, deux points de contact sont notés u' et u'' à la parabole, deux points de contact sont notés N et N' . Soient que chacune des droites MN , $u'N'$, $u''N$, $M'N'$ passe par un pt fixe, lorsque C est à droite de l'axe oy .



Si le pt A est vrai le point fixe est sur l'axe des x . Je prends sur le cercle le point $(2a \cos \varphi, 2a \sin \varphi)$, et sur la parabole le point $(\frac{y^2 + 4a^2}{2a}, y)$. La droite qui

les joint coupe l'axe des x au point P d'absc $(y^2 - 4a^2) \sin^2 \varphi - 2az \cos \varphi$.

En exprimant que les tangentes au cercle et à la parabole aux points φ et y que l'on a considérés coupent oy au même point, on trouve

$$\sin \varphi = \frac{4az}{y^2 + 4a^2}, \quad \sin \cos \varphi = \frac{\pm (y^2 - 4a^2)}{y^2 + 4a^2}$$

Il faudra prendre + si $\cos \varphi$ et $y^2 - 4a^2$ sont de même signe (MN , $u'N'$), - si $\cos \varphi$ et $y^2 - 4a^2$ sont de sign. contraires ($M'N'$, $u''N$). Cela étant l'absc du point P devient

$$\frac{(y^2 - 4a^2)(-4az \pm 2az)}{y(y^2 - 4a^2)} = -2a \text{ ou } -6a,$$

variant en y on prend le signe + ou le signe -.

