

## Sujet de l'Ecole Normale

**Numéro d'inventaire** : 2016.90.90

**Type de document** : travail d'élève

**Période de création** : 1er quart 20e siècle

**Date de création** : 1921

**Matériau(x) et technique(s)** : papier cartonné

**Description** : Ensemble de fiches simples cartonnées tenues par un trombone. Ecriture sur le recto et verso des feuilles. MS encre noire et crayon à papier.

**Mesures** : hauteur : 20 cm ; largeur : 12,4 cm

**Notes** : Sujet de 1895 de l'Ecole Normale repris comme exercice lors d'une conférence du 14 mars 1921.

**Mots-clés** : Calcul et mathématiques

**Filière** : Supérieure

**Autres descriptions** : Langue : français

Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 12 p.

ill.

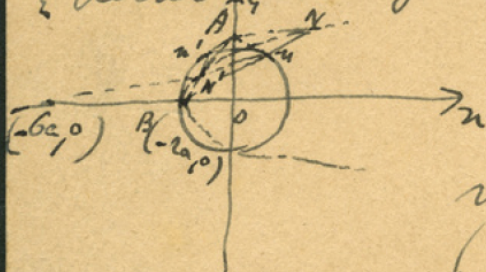
**Lieux** : Paris

Conférence du lundi. 14 mars. 1921. E.N. 1898) 1

Une cir(c) et une parabole (P) sont repés, en coord  
rect, par les eqs

$$(C) x^2 + y^2 - 4a^2 = 0 \quad (P) y^2 - 2ax - 4a^2 = 0.$$

D'un pt A pris sur l'axe OY on mène les tangentes,  
sur la parabole, dont les points de contact sont notés u', et les tangentes à la  
parabole, dont les points de contact sont notés v et v'.  
1° Dém que chacune des dr. MN, u'v', u'v, v'v',  
u'v' passe par un pt fixe, lorsque l'arc A  
de l'arc OY.



Si le pt A est vrai le point  
fixe est noté sur l'axe des x.  
Je prends sur le cercle le  
point  $(2a \cos \varphi, 2a \sin \varphi)$ , et  
sur la parabole le point  
 $(\frac{y^2 - 4a^2}{2a}, y)$ . La droite qui

les joints coupe l'axe des x au point P d'absc  
 $(\frac{y^2 - 4a^2}{2a} \sin \varphi - 2az \cos \varphi)$ .

En exprimant que les tangentes au cercle et à la  
parabole aux points P et y que l'on a considérés  
coupent OY au même point, on trouve

$$\sin \varphi = \frac{4az}{y^2 + 4a^2}, \quad \text{d'où } \cos \varphi = \frac{\pm(y^2 - 4a^2)}{y^2 + 4a^2}$$

Il faudra prouver + si  $\cos \varphi$  et  $y^2 - 4a^2$  sont de même  
signe (MN, u'v'), - si  $\cos \varphi$  et  
 $y^2 - 4a^2$  sont de signe contraires (u'v', u'v).  
Cela étant l'absc du point P devient

$$\frac{(y^2 - 4a^2)(-4az \pm 2az)}{y(y^2 - 4a^2)} = -2a \text{ ou } -6a,$$

variant qu'on prend le signe + ou le  
signe -.

