
Cahier d'exercices de mathématiques

Numéro d'inventaire : 2015.8.5294

Type de document : travail d'élève

Période de création : 2e quart 20e siècle

Date de création : 1945 (entre) / 1946 (et)

Matériau(x) et technique(s) : papier, papier ligné

Description : Cahier agrafé, couverture bleue, 1ère de couverture avec u un tampon rouge "République française", (autres inscriptions illisibles). Réglure séyès, encre bleue, rouge, noire, violette, crayon de bois.

Mesures : hauteur : 21,9 cm ; largeur : 17,3 cm

Notes : Cahier d'exercices: hauteur d'un trapèze, de sa petite base, vitesse, démontrer qu'un carré est un parallélogramme, durées, systèmes d'équations du 1er degré à 3 inconnues, triangles semblables, distances, construction de cercles circonscrits à des triangles.

Mots-clés : Calcul et mathématiques

Filière : Post-élémentaire

Autres descriptions : Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 14 p. manuscrites sur 14 p.

Langue : français

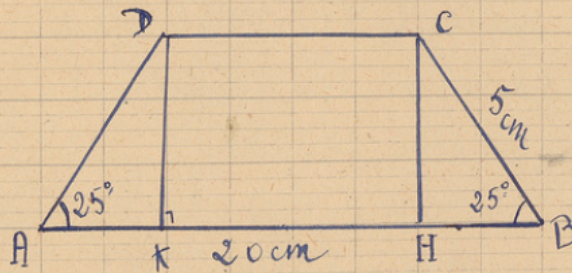
18

20
géométrie

Mercredi 16 Janvier 1946

N° 163 page 173

Solution



Soit à calculer la hauteur du trapèze

$$\sinus \hat{B} = \sinus 25^\circ = 0,4226 = \frac{CH}{BC}$$

$$\frac{CH}{5} = 0,4226$$

$HC = \sinus \hat{B} \times 5$

$CH = 5 \times 0,4226 = 2,113$

$CH = 2,113 \text{ cm}$

Cherchez
d'abord
une formule.

Soit à calculer la petite base du trapèze

$$\cosinus \hat{B} = \cosinus 25^\circ = 0,9063 = \frac{BH}{BC}$$

$$\frac{BH}{5} = 0,9063$$

$BH = \cosinus 25^\circ \times 5$

$BH = 5 \times 0,9063 = 4,5315$

Abaissons de D et de C les hauteurs. Le quadrilatère DCHK est un parallélogramme car il a les côtés opposés parallèles et un rectangle car il a un angle droit.

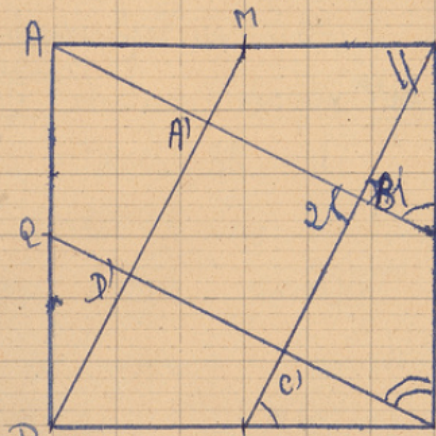
d'où $DC = KH$

192
20

Mercredi 23 Janvier 1946

9^e 194 page 184

Géométrie
Solution



I Soit à démontrer que A'B'C'D' est un carré

a) c'est un parallélogramme

Le quadrilatère ANCQ est un parallélogramme car il a deux côtés opposés égaux et parallèles (AN = QC et est parallèle)

d'où A'B' est parallèle à D'C'

une démonstration id'entique donnerait: A'D' parallèle à B'C'

Le quadrilatère qui a ses côtés opposés parallèles est un parallélogramme

d'où A'B'C'D' est un parallélogramme

b) c'est un rectangle

Les triangles ABN et BPC sont égaux car ils ont un angle égal ($\hat{B} = \hat{C} = 1 \text{ droit}$) compris entre 2 côtés égaux chacun à chacun (AB = BC, BN = PC)

d'où $N = P$

Les triangles BB'N et BPC sont semblables car ils ont 2 angles égaux chacun à chacun (\hat{B} commun, $\hat{N} = \hat{P}$)

BPC étant rectangle, BB'N est aussi rectangle en B'

$$\widehat{B^2} = \widehat{B^1} \text{ comme opposés par le sommet}$$

$$\widehat{B^2} = 1 \text{ droit}$$

Le parallélogramme qui a un angle droit est un rectangle
d'où $A'B'C'D'$ est rectangle

c) c'est un carré

Les triangles $AB'B$ et $BC'C$ sont égaux car ils sont rectangles et ont l'hypoténuse égale ($AB=BC$) et un angle aigu égal chacun à chacun ($\widehat{C}=\widehat{B}$ comme angles à côtés perpendiculaires)

$$\text{d'où } AB' = BC'$$

Les triangles $AA'M$ et $BB'N$ sont égaux car ils sont rectangles et ont l'hypoténuse égale ($AM=BN$) et un angle aigu égal ($\widehat{A}=\widehat{B}$ comme angles à côtés perpendiculaires)

$$\text{d'où } AA' = BB'$$

$$AB' - AA' = BC' - BB'$$

$$A'B' = B'C'$$

Le rectangle dont les consécutifs sont égaux est un carré
d'où $A'B'C'D'$ est un carré

II Soit calculer son côté

Les triangles $BB'N$ et BPC étant semblables, on peut poser

$$\frac{\text{triangle } BB'N}{\text{triangle } BPC} = \frac{\text{opp. à } \widehat{N} : BB'}{\text{opp. à } \widehat{P} : BC} = \frac{\text{opp. à } \widehat{B} : BN}{\text{opp. à } \widehat{C} : BP}$$

$$\frac{BB'}{BC} = \frac{BN}{BP}$$

$$BB' = \frac{BC \times BN}{BP}$$