
Concours d'entrée en PEGC

Numéro d'inventaire : 2024.0.119

Auteur(s) : Thierry Lambert

Type de document : travail d'élève

Période de création : 4e quart 20e siècle

Date de création : 1973

Matériaux et technique(s) : papier | encre noire

Description : Trois copies doubles d'examen à simple lignage avec partie supérieure à massicoter.

Mesures : hauteur : 31,1 cm

largeur : 24 cm

Notes : Il s'agit de la copie d'examen au concours d'entrée dans les centres PEGC (Professeur d'Enseignement Général de Collège), du candidat Thierry Lambert, alors âgé de 18 ans. L'auteur est alors élève en baccalauréat C (Mathématiques et physique-chimie), catégorie 2 section 3. L'épreuve est une composition de mathématiques. Le centre d'examen est l'ENF ou ENI (Ecole Normale de Filles ou Ecole Normale d'Institutrices) se situant au 09, rue de Lille à Rouen. L'épreuve se déroule le 02 mai 1973. La note obtenue est de 16/20, la moyenne du lot de copies dont elle est issue est de 09,75/20.

Mots-clés : Compositions et copies d'examens

Formation initiale et continue des maîtres (y compris conférences pédagogiques), post-élémentaire

Lieu(x) de création : Rouen

Autres descriptions : Langue : Français

Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 12 p. dont 9 p. manuscrites

Nom et Prénom : Lambert Thierry

N° d'inscription : 60

Centre d'examen :

collez ici après avoir rempli l'en-tête

Visa du Correcteur

2

Note :

16

20

Examen : Concours d'entrée en P.E.G.C Session : 7/3

Spécialité ou Série : # 2

Si votre composition
comporte plusieurs
feuillets.

numérotez-les 1/

Composition de

I/ * Étude de l dans $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}$

$$l^1 = l$$

$$l^2 = l \cdot l = -1 \cdot -1 = 1$$

$$l^3 = l^2 \cdot l = 1 \cdot l = l$$

donc $l^{2n} = l$ et $l^{2n+1} = 1$.Supposons cela vrai jusqu'à la puissance $2n+1$ de l .Ceci sera vrai, $\forall n \in \mathbb{N}$ si et seulement si $l^{2n+1} = l$.or $2n+1$ est impair, donc $l^{2n+1} = l$.

$$l^{2n} = l^{2n-1} \cdot l = l \cdot l = 5 \cdot 3 + 1 = 1$$

$$l^{2n+1} = l^{2n} \cdot l = 1 \cdot l = l$$

donc, les puissances impaires de l sont égales à l et les puissances paires égales à 1 dans $\mathbb{Z}/5\mathbb{Z}$.

1,5

$$* 2^{4p+3} + 3 = 2^{4p} \cdot 2 + 3 = l^{2p} \cdot 2 + 3$$

$$\text{or } l^{2p} = 1 \pmod{5}$$

$$\text{donc } l^{2p} \cdot 2 \equiv 2 \pmod{5}$$

$$\text{donc } l^{2p}, 2^{4p+3} \equiv 2 \pmod{5}$$

$$\text{et } l^{2p}, 2^{4p+3} + 3 \equiv 2 + 3 \pmod{5}$$

$$l^{2p}, 2^{4p+2} + 3 \equiv 5 \pmod{5}$$

$$\text{donc } l^{2p}, 2^{4p+3} + 3 \equiv 0 \pmod{5}$$

En résumé, $2^{4p+3} + 3$ est divisible par 5 quel que soit $p \in \mathbb{N}$

N.B. - Il est interdit aux candidats de signer leur composition ou d'y mettre un signe quelconque pouvant indiquer la provenance de la copie.

$$\text{II/ } f_m \text{ si } m \rightarrow \frac{x^{\sqrt{}} - mx + 3}{x^{\sqrt{}} + mx - (m+1)}$$

$$\text{10/ } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^{\sqrt{}} - mx + 3}{x^{\sqrt{}} + mx - (m+1)} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^{\sqrt{}}}{x^{\sqrt{}}} = 1. \text{ (quel que soit } m)$$

La fonction admet une limite finie quand $x \rightarrow \infty$.

Donc, la fonction courbe admet pour asymptote la droite D d'équation $y = 1$ qui est une parallèle à l'axe $(0, \vec{z})$.

$\forall m, C_m$ coupe D en $\square \Leftrightarrow \forall m, \exists \Pi(x, 1) \in C_m$.
 $\Leftrightarrow \forall m, \exists x : f(x) = 1$.

$$f(x) = 1 \Leftrightarrow \forall m, x^{\sqrt{}} + mx - (m+1) = x^{\sqrt{}} - mx + 3$$

$$\Leftrightarrow \forall m, mx - (m+1) = 3 - mx$$

$$\Leftrightarrow \forall m, mx + mx = m+3 \Leftrightarrow \forall m, 2mx = m+3$$

$$\Leftrightarrow \forall m \neq -1, x = \frac{m+3}{2m} = 1$$

si $m = -1$:

$$f_{-1} = \frac{x^{\sqrt{}} + 3}{x^{\sqrt{}} - 3} = 1.$$

f_{-1} est la fonction constante qui à x associe $y = 1$.

Donc: $f_{-1} = D$.

①

En résumé: $\forall m, M(1, 1) \in C_m$.

29) Soit un point $\Pi_0(x_0, y_0)$.

Existe-t-il des valeurs de m telles que $\Pi_0 \in C_m$?

$\Pi_0(x_0, y_0) \in C_m \Leftrightarrow$

$$y_0 = \frac{x_0^{\sqrt{}} - mx_0 + 3}{x_0^{\sqrt{}} + mx_0 - (m+1)} \Leftrightarrow y_0(x_0^{\sqrt{}} + mx_0 - (m+1)) = x_0^{\sqrt{}} - mx_0 + 3$$

$$\Leftrightarrow x_0^{\sqrt{}} y_0 + mx_0 y_0 - (m+1)y_0 = x_0^{\sqrt{}} - mx_0 + 3$$

Nom et Prénom : Lombard Thierry

N° d'inscription : 60

Centre d'examen :

collez ici après avoir rempli l'en-tête

Visa du Correcteur

Examen : Session : 3

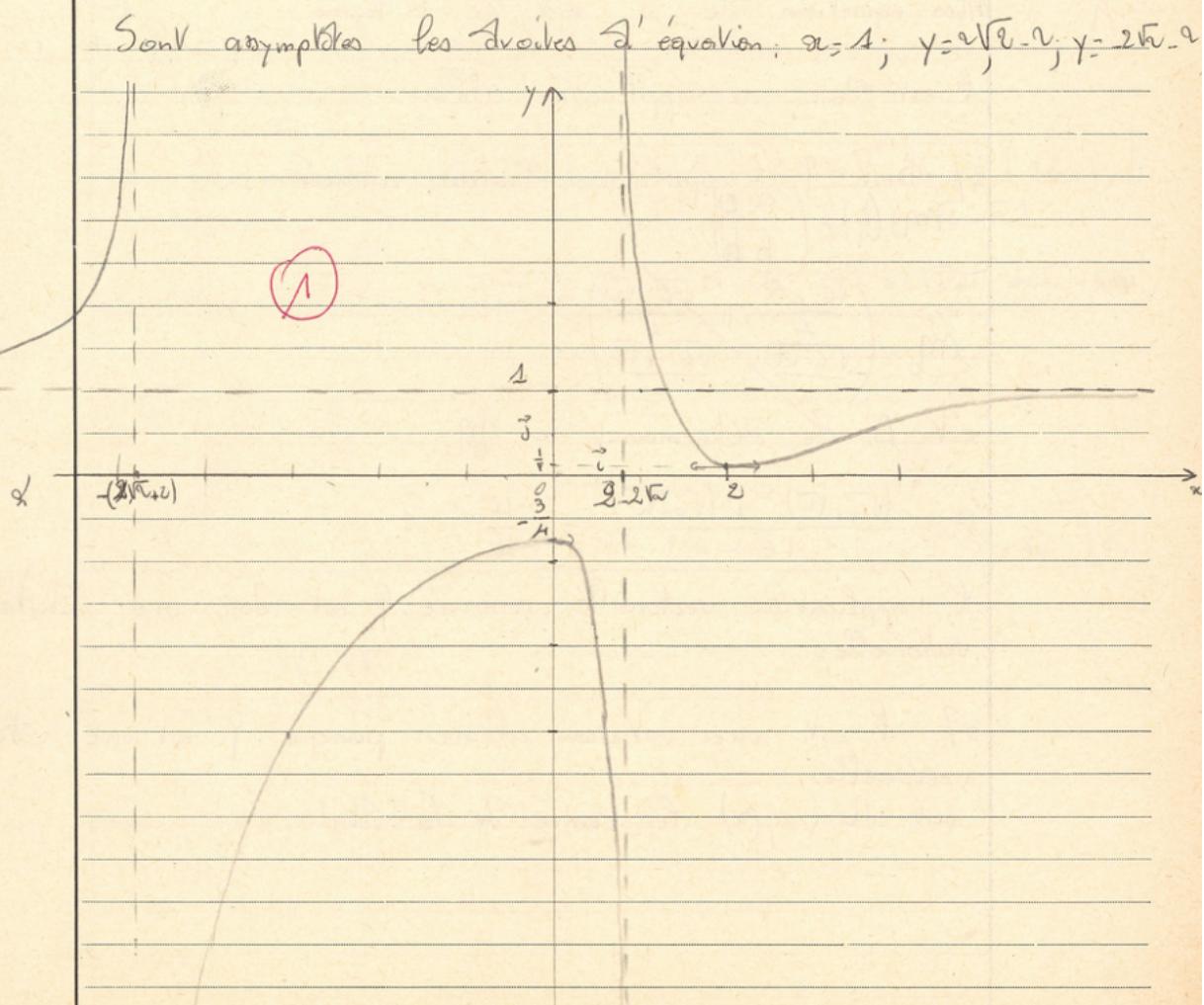
Spécialité ou Série : 2

Si votre composition
comporte plusieurs
feuillets.
numérotez-les 2/

Note :

20

Composition de



N.B. - Il est interdit aux candidats de signer leur composition ou d'y mettre un signe quelconque pouvant indiquer la provenance de la copie.