

Cahier de problèmes du vendredi

Numéro d'inventaire : 2015.8.5291

Auteur(s) : Félicie Jaloux

Type de document : travail d'élève

Période de création : 2e quart 20e siècle

Date de création : 1945 (entre) / 1946 (et)

Inscriptions :

- nom d'illustrateur inscrit : ROB D'AC.

Matériau(x) et technique(s) : papier cartonné, papier ligné

Description : Cahier cousu, couverture verte, dos pelliculé noir, 1ère de couverture avec, en haut, une illustration représentant un avion en vol, dessous entre des lignes courbes est inscrit "les sports", puis le nom de l'élève et le titre manuscrits à l'encre bleue, en bas une autre illustration représentant un skieur, un cycliste un coureur automobile, un rugbyman. 4e de couverture avec, au centre, un motif losangique à décor géométrique. Réglure de lignes simples avec marge, encre noire, rouge, violette, bleue, crayons de bois et rouge. Un morceau de papier millimétré inséré entre les pages.

Mesures : hauteur : 22 cm ; largeur : 17,2 cm

Notes : Cahier d'exercices d'algèbre et de géométrie: équation du second degré, côtés parallèles de 2 triangles, centre de gravité commun et homothétie, cercles circonscrits à 2 triangles, théorème de Pythagore, cercles sécants, démontrer qu'un triangle est rectangle, triangle isocèle dans un cercle, angles égaux, systèmes d'équations, construction d'une fonction du type parabole. Voir autres cahiers de cet élève.

Mots-clés : Calcul et mathématiques

Filière : Cours complémentaire

Niveau : 4ème

Autres descriptions : Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 45 p. manuscrites sur 46 p.

Langue : français.

couv. ill.

Jalouse Télicie

Cours Complémentaire 4^e Année

Cahier de Problèmes du Mercredi

Mercredi 1^{er} Mai 1946

12

Algèbre

N° 408 page 41
20

Solution

Soit x la vitesse du vent

Lorsque l'avion va vers B sa vitesse est $280 - x$

Lorsqu'il va vers A sa vitesse horaire devient $280 + x$

Mise en équation

$$\frac{960}{280 - x} - \frac{960}{280 + x} = 1$$

Conditions à poser

$$280 - x \neq 0 \quad x \neq 280$$

$$280 + x \neq 0 \quad x \neq -280$$

Reduisons l'équation au même dénominateur et cherchons

$$960(280 + x) - 960(280 - x) = (280 + x)(280 - x)$$

$$268800 + 960x - 268800 + 960x = 78400 - x^2$$

Faisons passer les termes du 2^e membre de l'équation dans le 1^e

$$x^2 + 1920x - 78400 = 0$$

nous avons une équation de la forme : $ax^2 + bx + c = 0$

$$a = 1, b = 1920, b' = 960, c = -78400$$

l'équation aura des racines

$$x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - 4ac}}{2a}$$

Nous ne formons pas le discriminant car a et c sont de signes contraires,

$$x = -960 \pm \sqrt{(960)^2 + 48400 \times 1}$$

$$x = -960 \pm \sqrt{1000000}$$

$$x = -960 \pm 1000$$

$$x = -960 + 1000 = 40$$

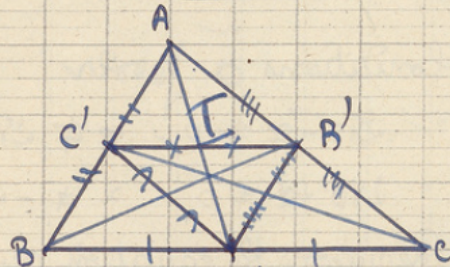
$$x = 40 \text{ km}$$

Conclusion

Les valeurs négatives ne conviennent pas car la vitesse du vent ne peut être négative

Géométrie

Solution



I Soit à démontrer que les côtés des triangles ABE et A'B'C' sont parallèles et de sens contraires

La droite qui joint les milieux des côtés d'un triangle est parallèle à sa base et égale à sa moitié
la droite $C'B'$ joint les milieux des côtés AB et AC du triangle ABC , elle est donc parallèle à BC et égale à sa moitié

N° 97 page 146

la droite $C'A'$ qui joint les milieux des côtés BA et Be du triangle ABe est donc parallèle à AC et égale à sa moitié.
la droite $A'B'$ qui joint les milieux des côtés CB et CA du triangle ABe est donc parallèle à AB et égale à sa moitié.
Comme les lettres A, B et B' et C' ne sont pas sur la même ligne, les côtés $C'B'$ et CB , $A'B'$ et AB , $C'A'$ et CA sont donc de sens contraires.

Soit à démontrer que leur centre de gravité est commun et qu'il constitue le centre d'homothétie

Le centre de gravité d'un triangle est le point de concours des médianes

Des droites concourantes déterminent sur deux droites parallèles des segments homologues proportionnels

d'où les droites AB , AA' , AC concourantes en A déterminent sur les parallèles $C'B'$ et Be les segments proportionnels :

$$\frac{C'I}{B'A'} = \frac{I B'}{A'C}$$

Les rapports étant égaux, les dénominateurs étant égaux les numérateurs seront égaux

AA' médiane de Be sera aussi médiane de $C'B'$
une démonstration identique nous montrerait que BB' médiane de AC est aussi médiane de $C'A'$ et CC' médiane de AB l'est aussi de $B'A'$

d'où les centres de gravité des 2 triangles sont confondus