

Mathématiques II

Numéro d'inventaire : 2025.0.99

Auteur(s): Michel Quellier

Type de document : travail d'élève

Période de création : 3e quart 20e siècle

Date de création : 1956-1957

Matériau(x) et technique(s) : papier vergé | plume de métal

Description : Cahier à couverture cartonnée jaune. Reliure métallique en spirale. Réglure petits carreaux 5 x 5 mm sans marge. Pontuseaux verticaux et vergeures horizontales.

Filigrane "Corona" avec la représentation d'une couronne royale espagnole.

Mesures: hauteur: 27 cm; largeur: 21 cm

Notes: Il s'agit du deuxième cahier de Mathématiques de Michel Quellier, élève en classes préparatoires Mathématiques spéciales (seconde année de la filière de classes préparatoires aux grandes écoles ou CPGE), scolarisé au lycée Pothier d'Orléans durant l'année 1956-1957, dans la perspective du passage du concours de l'Ecole Centrale des Arts et Manufactures de Paris.

Contenu (en sommaire dans les dernières pages du cahier) Surfaces définies paramétriquement Surfaces réglées, Surfaces réglées développables Surfaces définies par une équation implicite Lieux géométriques dans l'espace ; Lieux géométriques des droites cone - cylindre - conoïde Surface de révolution : Surfaces réglées ; Surfaces cerclées Enveloppes dans le plan : Equations tangentielles ; Enveloppes de cercles ; Dualité ; Enveloppes de l'espace Séries : Règles de Cauchy ; Règle de d'Alembert ; Série Un = f(n) ; Séries à termes négatifs, qcq, série alternée ; Séries à termes complexes ; Calcul de la somme ; Produit de deux séries A.C. ; Suites - Suite définie par itération ; Séries de Taylor, de Maclaurin ; exponentielle imaginaire Primitives : Changement de variables - Intégration par parties ; Fractions rationnelles - Eléments de la deuxième espèce ; Fonctions trigonométriques rationnelles ; Expressions irrationnelles ; Intégrale définie ; Extension ; Comparaison Intégrale - série ; Calcul approché ; Valeur moyenne ; Calcul des courbes planes ; Longueur d'un arc de courbe - Abscisse curviligne ; Dérivation vectorielle Courbures : Rayon de courbure - centre de courbure ; Développée - développantes ; Courbures en coordonnées polaires ; Courbure dans l'espace : Rayon de courbure - centre de courbure - axe de courbure - cercle osculateur : Torsion en coordonnées semi-polaires - en coordonnées sphériques Intégrales doubles : Coordonnées cartésiennes - coordonnées polaires ; Calcul des surfaces gauches ; Formule de Greene - formule de Stokes : Intégrales triples : Volumes -formule des trois niveaux : Formule d'Ostrogradski - masse _ centre de gravité ; Moments d'inertie ; Equations différentielles - Dn 1er ordre ; A variables séparées - linéaires ; de Bernoulli - homogènes ; de Clairaut - de Lagrange - de Riccati ; changement de variables ; Trajectoires orthogonales ; Equations différentielles 2ème ordre

Mots-clés: Calcul et mathématiques

Lieu(x) de création : Orléans

Autres descriptions : Langue : Français

Nombre de pages : Paginé

Commentaire pagination: 172 p. dont 169 p. manuscrites

Surfaces définies paramétriquement
Durfaces définies paramétriquement : M x = f(u,v) get u et v content, en général le lieu de Mestrene purface M y = g(u,v) f, g, h continues et dévinées continues
1x-l(u,v) get a et v coment, engeneral le men de l'est une jurgeres
M x = f(u, v) get a st v continues or describes continues
() = h(u,v) Si waste x, y, z ne dyendent que de v difinissant ainsi une course C course Ca
un comple Co comple C.
Co voirie ance & et engendre la surface.
V= orle coursely engladiant la surface
Por the point of (u, vo) do la surface purse la course Cu, et la course To. Cu et of s'expuyent
levenyour hourtres
They tengent sun by surface on next tracer we counte with, V(1) 20 - A[W(1), V(1)]
- to where we to comple
Sur he surface on peut races haify
36 F = 4 F 4 F V V V V V V V V V V V V V V V V
y - 11 11 + V 11
Han tungent surface on peut tracer une course u(t), v(t) re: f[U(t), V(t)] Sur la surface on peut tracer la 19 à cett course 3' = u' fu + v' d' Courses passant pur M Mus la surface 3 = y' = u' g'u + v' g'v Rour tites ascourses fo 19 u of h'u southlessin mais 3' = u' h'u + v' h'u u' st v' varient. 3' = u' h'u + v' h'u Therefore on peut tracer une courses fo 19 u of h'u southlessin mais
2 = Uhy + Vhy W'st v' varient.
Scient & Severteur de composientes fi gu hu
= la template 3 m
T = 0' H + v' V gy wiest v'et v' T est dans unplan fixe défini par L', v' veste tangente à la courbe l', le plan 1 g est défini par les 2 tangentes L' veste tangente à la courbe l', le plan 1 g est défini par les 2 tangentes L' veste tangente à la courbe l', le plan 1 g est défini par les 2 tangentes
1 = U LI + V of g wient well at dans unplan fixe define jour LI, V
W. veste tangente à la courbe! , le plan 1 g est défini par les 2 tangentes.
V v C Jaux 2 combes génératrices
Equation duplon by $\int_{\mathcal{U}} - f(u,v) = \int_{\mathcal{U}} - f(u,v) = \int_{\mathcal{U}} - \int_{$
2 - f(4, v) g = g(-1) g j,
hu du hu =0 21 F
Normale à la surface $x - f(u,v) = y - g(v,v) = 3 - k(v,v)$
Normale a la surface
Normale à la surface $x - f(u,v) = y - g(v,v) = 3 - h(v,v)$
2 - 94 V 7 V V V V V V V V V V V V V V V V V
surfaces usualus
Plan V(d.B.)
$ \mathcal{L} = g'_{u} k'_{v} - g'_{v} k'_{u} \qquad M = k'_{u} f'_{v} - k_{v} f'_{u} \qquad N = f'_{u} g'_{v} - f'_{v} g'_{u} $ Surfaces usuelles $ \frac{P(an)}{p} \vec{v}(a', \beta', b') \qquad M \qquad \chi = \chi_{0} + \chi_{0} + \chi_{0} a' $
2 2 4 4 8
y = y 0 + x B + M B,
$ \frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta,\beta)}} = M $ $ \frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta,\beta)}} = \frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta,\beta)}} $ $ \frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta,\beta)}} = \frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta)}} $ $ \frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta)}} = \frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta)}} $ $\frac{1}{\sqrt{(\alpha,\beta)}} = \frac{1}{\sqrt$
30
Mo .
$\begin{cases} y = g(t) \\ 3 = h(t) \end{cases}$
3 = h(r) = L(r)-c
5 (a, h, c) P 2 - a + D [1/2) - a 7
$\frac{\partial(a,h,\ell)}{\partial x} = \alpha + \rho \left[f(t) - \alpha \right] \qquad x = \alpha + \rho x(t)$
6 4 8 5 - (1) - 67
0 0 1 0 5 1/2 - 0 1
Si't= este Mest fine: génératrice
P = este 5 = P.SM courbes homothetiques de (c)
Come desommet o x = Px(+) y = PP(+) 3 = PX(+)
10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

<u> </u>
Consideration Sommeto stomas & low days 3 - 1
Cone de Revolution Sommeto et ano o z base dans z = 1 base x = 1g x cas windede rayon r = tg x
tose x = 1g x cos y and a cos you is = 1g x
$y = ryx \sin t$ cone $ x = \rho ry x \cos t x = 5 6 x \cos t$
tone x = 1 g and x - 3 g x cost
3 = 1 $y = p$
$\begin{vmatrix} y = ry \times \sin y \\ 3 = 1 \end{vmatrix} = \rho ry \times \sin y $ $\begin{vmatrix} y = \rho ry \times \sin y \\ 3 = \rho ry \times \sin y \end{vmatrix} = 3 ry \times \sin y$ $\begin{vmatrix} y = y \\ 3 = \rho ry \times \sin y \end{vmatrix}$
1 = F(F) + a F
y = git) + 38 cylindre daso o z = 0 = = f(t)
3 = 11+) + 89
7-12-61-14
CARTELED THE GO ANTHER CON CONTROL OF CONTROL OF CONTROL OF
3 (c) $x = At$) $y = g(t)$ $3 = \lambda(t)$ $3 = $
Jegit) or f(t) = r cos y apres la Kert r cos y + 0/= 2 cos y cost - Emil
g(t) - sing
2 mm (1+0) = 2 and as (1+1) in a
$soit \mid x = f(t) \cos \theta - g(t) \sin \theta $
$y = f(t) \sin t + g(t) \cos t$ $\frac{1}{2} = h(t)$
x 3 = h(t)
courbes t=este: paralliles ois la surface
B = cole courbes décluites par Retation de (C)
example! hyperboloide droile $ x=a $ hyperboloide $ x=a \cos\theta-mz \sin\theta$ $ y=mz $ $ y=a \sin\theta+mz \cos\theta$
y = my y = a sin 0 + my con 0
51' la courbe est définée par su meridienne (2003) 3 = 3
(x = f(t)) os o representation parametrique d'un uncle
x = f(t) oc = f(t) (os t) regresentation garanethrigme of unusele y = 0 y = f(t) sint (narable le) de nayon f(t)
3 = \(\lambda(F)\)
3 - 1(1)
Cone de Revolution x = 2 x = 2000 ou x = 3
$\frac{3}{3} = m^2$ $\frac{3}{3} = m^3$ $\frac{3}{3} = \frac{3}{3}$
a salara a salara a
x = p sind $x = p sind cos 0$
$y = \rho \cos \alpha$ $y = \rho \sin \alpha \sin \theta$
3 = 1 000 0
Sphére engendrée par un 1/2 uncle x = R cost
engendrée par un 1/2 cercle & = R cost
3 = R sin f
1 sc = R cas fias Q
y = R dos foin 0 P= este parallele latitude
3 = K sin V
1 5 - 1 0 = este 1/2 monthierne largitude

Sur	Large exists	
-	fare sigle suf est enjendrée	par une droite
	1 n = x + & f x x	$x = x_0(t) + \alpha(t) + \alpha$
	20 8	4-2(t)+B(t)+
	1 y + y + p+ y + o f	7 - 73 (1) (6) 4
	13 -30 18 30 06 10 10	3=3011) 1/11/1
-	10 mon ne	
en 19	x - f(r, f) = x - 20 - ce f	1-70-19 3-30-89
0	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	yo 1 6 9 30 + 10 =0
	fp ×	B
		, 6
	2, + 9/3 21 - 20 y - yo 3-	301
	20 - 20 90 + 3p 30 +	10 =0
	0 0 0000	11 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	4 . B	
	x de planty on 11 pursue pur of ileartient	30) = ×m G × By 19 = 0 10 × By layerantine
	purisyn ilcontent (To is kt 6 (4)	
	Le along ent 11 à un verteur comme	de 2 autres 1 x 1 2 1 4
	13 0 V' (avis day)	V brown lyvis do do do vy
	En last varie last to a by	i de zamtres (x' j' 30 : 4', v' lengue provie (a' p' p' p' p' p' v' ray e previe (ar se déplaçant sur co fixe ent 6 et le secretur I + PV'
	113	The state of the s
	and plan and immediate out of	to et les tous 13 03'
	on talondard vane unglan contena	16 D I F Sing
	33 31 - 6 19	
	X 19 21 + f V Independent de l' si	is V (a,B,B) et V danson mplan
	leur praduit miste est mul	x o yo 30 plan ty fine tout to lan
		x B x =0 de la génératrice
		1 1 1 1 sonegn, sera (x-x, y-y, 3-3.
	Danseras la surface est une sur	face distagrable 2' y'
	Silvery me nont pay dans un	of 30 =0 de la générative la la fine tent le la générative la la générative 20 3 3.
	lument e varie I+py	definit and I un plan windle interior a
	lu generatrice de martage est	alors une surface réglée ganche
	Si A 2'elan e i l'a ma la	remeraline le plan to to d'uno une
	projection district to the last	generaline la plane ty tand un nene
	position limite qui est le plus	
	x - x0 y-y0 3-30	x-20 y-30 3 30
	x - x y - y - y - 3 - 3 - 3 - 3 - 3 - 3 - 3 -	0 P > 2 1 > 0 x' P' I' =
	p +d 0 10 00 +)	a a y
	(2 8 1	
	* line surface rigles passible un	none directors often en nevert por a whomas x = x0 , x f constitution x = x f
	point fine les 11 à toutes les gine	ratrices 1x = x + x f condinateur 1x = x f
		7=00
	x Lolan assymptote de long of	une generative est 11 au glanty & - 18
	au constinent un le long de la se	une generalize est 11 au glanty 3-38
		1 2 1 = 0
	6 Me + 1 1 1 1 1 1 1 1	water de it is find to the total and
	on affect paint worker a une gen	in a point it is to go on I am
	plan asymptote. Cheryne generalin	ce passible un print central. Conspolle nes les points centrals de tentes les général
	dignede stribios to like de la	nes des points centraled de tendes des géneral
Su	who as Righies dinebypables 1 x = x0	(t) +d(t) 1 - et 20 yo 30 -
54		(+) + a(+) + - et x, y, 3, = 0 (+) + a(+) + a B = 0 (+) + y (-) + a' s' y'