

PEGC

Numéro d'inventaire : 2024.0.164

Auteur(s) : Patricia Le Duc

Type de document : travail d'élève

Période de création : 4e quart 20e siècle

Date de création : 1975

Matériaux et technique(s) : papier | encre bleue

Description : Quatre copies doubles d'examen à simple lignage avec partie supérieure à massicotter.

Mesures : hauteur : 31,1 cm

largeur : 24 cm

Notes : Il s'agit de la copie d'examen au concours d'entrée dans les centres PEGC (Professeur d'Enseignement Général de Collège), de la candidate Patricia Le Duc. La spécialité de l'élève est Mathématiques-Sciences-physiques, section 3 (probablement en bac C). L'épreuve est une composition de Mathématiques. Le centre d'examen est à la préfecture de Rouen. L'épreuve se déroule en mai 1975. La note obtenue est de 18/20, la moyenne du lot de copies dont elle est issue est de 07/20.

Mots-clés : Compositions et copies d'examens

Formation initiale et continue des maîtres (y compris conférences pédagogiques), post-élémentaire

Lieu(x) de création : Rouen

Autres descriptions : Langue : Français

Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 16 p.

Nom et Prénom : LE JUC Pratice
 N° d'inscription : 199 Centre d'examen : Rouen

collez ici après avoir rempli l'en-tête

Visa du Correcteur

Examen : PEGC Session : 1975

Spécialité ou Série : Math Physique

Si votre composition
comporte plusieurs
feuillets.
numérotez-les 1 /

Note : 18
20

Composition de Math

1^{er} problème
 $(E, +, \times)$ espace vecteur de dimension finie sur \mathbb{R}
 f endomorphisme : $E \rightarrow E$
 $f \circ f = -1_E$
 $\mathbb{C} \xrightarrow{\times \in E} E$
 $(a + ib, \alpha) \rightarrow a\alpha - bf(\alpha)$.

1^{re} partie

a) $(E, +, \times)$ est un espace vectoriel sur \mathbb{R}

$\Rightarrow (E, +)$ groupe additif commutatif
 $\forall a, b \in \mathbb{R}, \forall x \in E \quad (a+b)x = a x + b x$
 $a(bx) = (ab)x$

$\forall a \in \mathbb{R}, \forall x \in E \quad a(\alpha + y) = a\alpha + ay$
 $1x = 1$ élément neutre pour la loi \times .

de ceci on tire

$(E, +)$ groupe commutatif additif

il reste à montrer 4 relations.

$\forall z \in \mathbb{C}, \forall x \in E, \forall y \in E \quad z_1 * (x + y) = z_1 * x + z_1 * y$
 $\forall z_1, z_2 \in \mathbb{C}, \forall x \in E \quad (z_1 + z_2)x = z_1x + z_2x$
 $\forall z \in \mathbb{C}, \forall x \in E \quad z * 1_E = x$ élément de \mathbb{C}

N.B. - Il est interdit aux candidats de signer leur composition ou d'y mettre un signe quelconque pouvant indiquer la provenance de la copie.

- $\forall g \in \mathbb{F}[C] \forall g_1 \in C, g_2 \in C \forall x \in E, \forall y \in E$.

$$g = a + ib \quad a \in \mathbb{R}, b \in \mathbb{R}$$

$$g * (x+y) = (a+ib) * (x+y) = a(x+y) - b(f(x+y)) = a(x+y) - b(f(x) + f(y))$$

par la linéarité

de plus $a, b \in \mathbb{R}$

$(f(x) \in \mathbb{R}, f(y) \in \mathbb{R}) \Rightarrow a(f(x) + f(y)) = a(x+y)$

$$b(f(x) + f(y)) = b(f(x)) + b(f(y))$$

$$g * (x+y) = ax + ay - (b f(x) + b f(y))$$

$$= ax + b f(x) + ay - b f(x) - b f(y)$$

$$= ax - b f(x) + ay - b f(y)$$

d'après les propriétés de \mathbb{R}

~~OK~~ donc $g * (x+y) = g * x + g * y$.

- $\forall g_1 \in C, \forall g_2 \in C \forall x \in E$

$$(g_1 + g_2) * x = (a_1 + ib_1 + a_2 + ib_2) * x$$

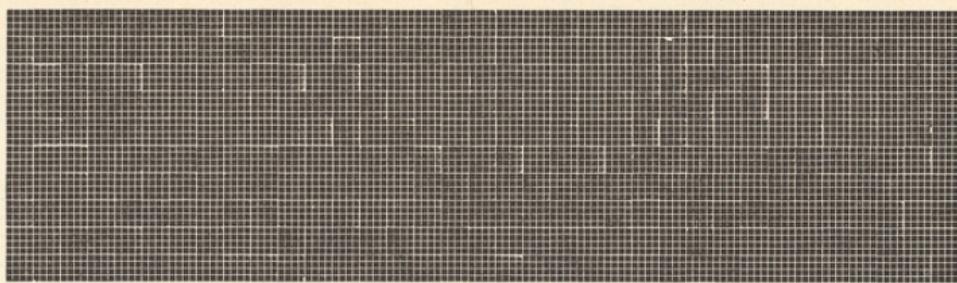
$$\begin{aligned} &= (a_1 + a_2) x + (b_1 + b_2) x \\ &= a_1 x + a_2 x + b_1 x + b_2 x \\ &= a_1 x + a_2 x - b_1 f(x) - b_2 f(x) \\ &= ax + a' x - b f(x) - b' f(x) \\ &= g_1 * x + g_2 * x. \end{aligned}$$

propriétés de \mathbb{R}

dp

$$\text{dans } C \text{ élément neutre} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{1+0} \mathbb{R}$$

donc $\forall g \in C \forall x \in E$



$$\begin{aligned}
 1 \times \alpha &= 1 \alpha - 0 f(m) = 1 \times \alpha = \alpha. \\
 - & \forall z_1, z_2 \in \mathbb{Q}, \alpha \in \mathbb{Q} \quad \forall \alpha \in E \\
 & z_1 \times (z_2 \times \alpha) = (a + b) \times [(a' + b') \times \alpha] \\
 & = (a + b) \times [a' \alpha + b' f(m)]. \\
 & = a [a' \alpha + b' f(m)] - b [a' \alpha - b' f(m)] \\
 & = a [a' \alpha - a b' f(m)] - b [f(a' \alpha) - f(b' f(m))] \\
 & = a a' \alpha - a b' f(m) - b [f(a' \alpha) - b' f(f(m))] \quad \text{lineare} \\
 & = a a' \alpha - a b' f(m) - b [f(a' \alpha) - b' f(f(m))] \quad \text{funktion} \\
 & = a a' \alpha - a b' f(m) - b f(a' \alpha) + b' a' \\
 & = a a' \alpha - a b' f(m) - b f(a' \alpha) - b b' a' \quad \text{durch} \\
 & = a a' \alpha - a b' f(m) - b a' f(m) - b b' a' \quad \text{div.} \\
 & = a a' \alpha - b b' a' - (a b' + b a') f(m). \\
 \text{or } \alpha & (z_1 z_2) \times \alpha = [(a + b)(a' + b')] \times \alpha \\
 & = [a a' - b b' + (a b' + b a')] \times \alpha \\
 & = [(a a' - b b') f(m) - (b a' + a b') f(m)]. \\
 \text{done } & \forall z_1, z_2 \in \mathbb{Q}, \forall \alpha \in E, z_1 \times (z_2 \times \alpha) = (z_1 z_2) \times (\alpha)
 \end{aligned}$$

19