

PEGC

Numéro d'inventaire : 2024.0.164

Auteur(s) : Patricia Le Duc

Type de document : travail d'élève

Période de création : 4e quart 20e siècle

Date de création : 1975

Matériau(x) et technique(s) : papier | encre bleue

Description : Quatre copies doubles d'examen à simple lignage avec partie supérieure à massicoter.

Mesures : hauteur : 31,1 cm

largeur : 24 cm

Notes : Il s'agit de la copie d'examen au concours d'entrée dans les centres PEGC (Professeur d'Enseignement Général de Collège), de la candidate Patricia Le Duc. La spécialité de l'élève est Mathématiques-Sciences-physiques, section 3 (probablement en bac C). L'épreuve est une composition de Mathématiques. Le centre d'examen est à la préfecture de Rouen. L'épreuve se déroule en mai 1975. La note obtenue est de 18/20, la moyenne du lot de copies dont elle est issue est de 07/20.

Mots-clés : Compositions et copies d'examens

Formation initiale et continue des maîtres (y compris conférences pédagogiques), post-élémentaire

Lieu(x) de création : Rouen

Autres descriptions : Langue : Français

Nombre de pages : Non paginé

Commentaire pagination : 16 p.

Nom et Prénom : LEJUC Praticien
N° d'inscription : 499 Centre d'examen : Rouen

collez ici après avoir rempli l'en-tête

Visa du Correcteur

Examen : PEGC Session : 1975
Spécialité ou Série : Math Physique

Si votre composition
comporte plusieurs
feuillets.

numérotez-les 1 /

Composition de Math

Note :

18

20

1^{er} problème
 $(E, +, \times)$ es. vect. de dimension finie sur \mathbb{R}
 f endomorphisme : $E \rightarrow E$
 $f \circ f = -I_E$
 $\mathbb{C} \times E \rightarrow E$
 $(a + ib, x) \rightarrow ax - bfm).$

2^{ème} partie

a) $(E, +, \times)$ est un espace vectoriel sur \mathbb{C} .
 $(E, +, \times)$ es. sur \mathbb{R}
 $\Rightarrow (E, +)$ groupe additif commutatif
 $\forall a, b \in \mathbb{R}, \forall x \in E \quad (a+b)x = ax + bx.$
 $a(bx) = (ab)x.$
 $\forall a \in \mathbb{R}, \forall x \in E, \forall y \in E \quad a(x+y) = ax + ay$
 $1 \times x = x$ 1 est neutre pour la loi \times .

de ceci on tire

$(E, +)$ groupe commutatif additif
il reste à montrer 4 relations.
 $\forall z \in \mathbb{C}, \forall x \in E, \forall y \in E \quad z \times (x+y) = z \times x + z \times y$
 $z \times (z_1 \times x) = (z \times z_1) \times x$
 $\forall z_1 \in \mathbb{C}, z_2 \in \mathbb{C}, \forall x \in E \quad (z_1 + z_2) \times x = z_1 \times x + z_2 \times x$
 $\forall z \in \mathbb{C}, 1 \times x = x$ 1 est neutre de \mathbb{C}

N.B. - Il est interdit aux candidats de signer leur composition ou d'y mettre un signe quelconque pouvant indiquer la provenance de la copie.

$\forall z \in \mathbb{C} \quad \forall z_1 \in \mathbb{C}, z_2 \in \mathbb{C} \quad \forall x \in E, \forall y \in E$

$$z = a + ib \quad a \in \mathbb{R} \quad b \in \mathbb{R}$$

$$z * (x+y) = (a+ib) * (x+y) = a(x+y) - b f(x+y)$$

car f linéaire

de plus $a, b \in \mathbb{R} \quad x \in E \quad y \in E$

$f(x) \in E, f(y) \in E$ car f end de $E \rightarrow E$

$$\text{donc } a(x+y) = ax + ay$$

$$b[f(x) + f(y)] = b f(x) + b f(y)$$

$$z * (x+y) = ax + ay - [b f(x) + b f(y)]$$

$$= ax + b f(x) + ay - b f(x) - b f(y)$$

$$= ax - b f(x) + ay - b f(y)$$

OK

$$\text{donc } z * (x+y) = z * x + z * y$$

d'après les propriétés
de E en sur \mathbb{R}

$\forall z_1 \in \mathbb{C}, \forall z_2 \in \mathbb{C} \quad \forall x \in E$

$$(z_1 + z_2) * x = (a+ib + a'+ib') * x$$

$$= [(a+a') + i(b+b')] * x$$

$$= (a+a')x - (b+b')f(x)$$

$$= ax + a'x - [b f(x) + b' f(x)]$$

propriétés de E

$$= ax + a'x - b f(x) - b' f(x)$$

$$= ax - b f(x) + a'x - b' f(x)$$

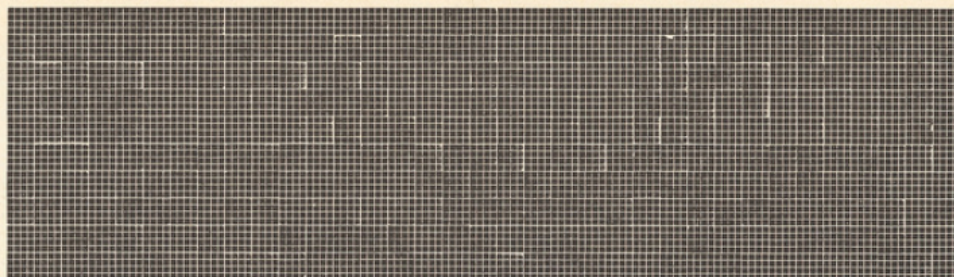
$$= z_1 * x + z_2 * x$$

OK

- dans \mathbb{C} élément neutre = $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = 1$

$$= 1 + 0i$$

donc $\forall z \in \mathbb{C} \quad x \in E$



$$1 \times \alpha = 1\alpha - 0 f(m) = 1 \times \alpha = \alpha$$

$$\forall z_1 \in \mathbb{C}, \forall z_2 \in \mathbb{C} \quad \forall \alpha \in E$$

$$z_1 \times (z_2 \times \alpha) = (a+ib) \times [(a'+ib') \times \alpha]$$

$$= (a+ib) \times [a'\alpha - b'f(m)]$$

$$= a[a'\alpha - b'f(m)] - b[f(a'\alpha) - f(b'f(m))]$$

$$= aa'\alpha - ab'f(m) - b[f(a'\alpha) - f(b'f(m))]$$

$$= aa'\alpha - ab'f(m) - b[f(a'\alpha) - b'f(f(m))]$$

$$= aa'\alpha - ab'f(m) - b[f(a'\alpha) - b'f(f(m))]$$

$$= aa'\alpha - ab'f(m) - b[f(a'\alpha) + b'a]$$

$$= aa'\alpha - ab'f(m) - b[f(a'\alpha) - bb'a]$$

$$= aa'\alpha - ab'f(m) - ba'f(m) - bb'm$$

$$= aa'\alpha - ba'f(m)$$

$$= aa'\alpha - bb'a - (ab' + ba')f(m)$$

$$\text{or } (z_1 \times z_2) \times \alpha = [(a+ib)(a'+ib')] \times \alpha$$

$$= [aa' - bb' + (ab' + ba')i] \times \alpha$$

$$= (aa' - bb')\alpha - (ba' + ab')f(m)$$

20