
cahier d'exercices mathématiques

Numéro d'inventaire : 2015.8.4342

Auteur(s) : Gisèle Piche

Type de document : travail d'élève

Période de création : 3e quart 20e siècle

Date de création : 1960 (entre) / 1961 (et)

Matériaux et technique(s) : papier ligné, papier cartonné

Description : Cahier cousu, couverture souple verte avec un motif "grain de riz" ton sur ton, dos plastifié noir, impression en noir, 1ère de couverture avec en haut "le mogador", en bas à droite 4 étoiles alignées. Règlure seyes, encre noire, bleue, rouge, crayon de bois, crayons de couleur.

Mesures : hauteur : 22 cm ; largeur : 17 cm

Notes : Cahier d'exercices (démonstrations), essentiellement de géométrie: comparaison de triangles, calcul et comparaison d'angles, constructions de triangles, de parallélogrammes , sécantes, bissectrices, tracer la tangente d'un cercle, quadrilatère inscrit, cercle circonscrit, segments proportionnels, parallèles, perpendiculaires, 4e et moyenne proportionnelles, triangle inscrit dans un cercle, calcul d'une hauteur d'un triangle, côtés et apothèmes des polygones réguliers.

Mots-clés : Calcul et mathématiques

Filière : Lycée et collège classique et moderne

Autres descriptions : Nombre de pages : Non paginé.

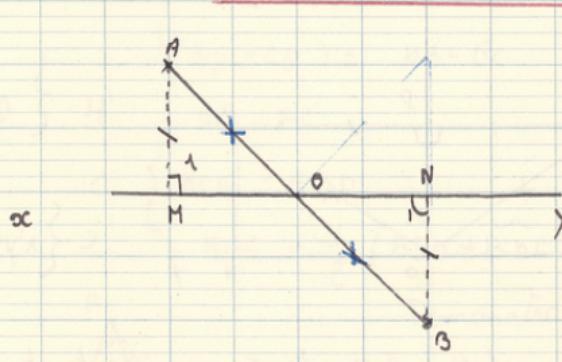
Commentaire pagination : 154 p. manuscrites sur 158 p.

Langue : français.

N° 18.

Soient 2 points A et B équidistants d'une même droite xy .
on désigne par M et N les pieds des perpendiculaires menées
de A et B sur xy et par o le milieu de MN

- 1) Comparer les triangles OAM et OBN conséquences ?
- 2) On suppose que A et B soient de part et d'autre de xy
montrer que o milieu de AB est aussi le milieu de MN
- 3) on suppose A et B du même côté de xy . montrer
que la mediatrice de AB est la mediatrice de MN.



H1 : $\left\{ \begin{array}{l} A \text{ et } B \text{ équidistant de } xy \\ AM \text{ et } BN \perp \text{ sur } xy. \end{array} \right.$
C : $\left\{ \begin{array}{l} \text{les triangles OAM et OBN sont égaux} \\ o \text{ milieu de } MN \\ AB \text{ mediatrice de } MN \end{array} \right.$

Démonstration je considère les triangles AMO et ONB

ils ont $AM = NB$ par hypothèse

$OM = ON$ car o est le milieu de MN

$\widehat{M_1} = \widehat{N_1} = 1$ droit.

2 triangles ayant un angle égal compris entre 2 côtés égaux
ils sont égaux donc : $AO = OB$ et o est le
milieu de AB.

Si O est le milieu de AB on a $OA = OB$
je considère les triangles rectangles MNO et NOB

ils ont $OA = OB$ démonstration précédente

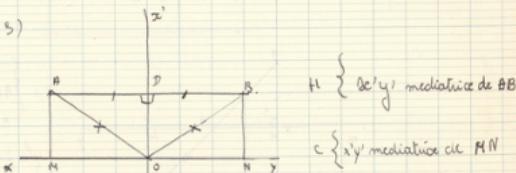
$MA = NB$ par hypothèse

triangle rectangles ayant l'hypotenuse égale et
un côté de l'angle droit égal ils sont égaux

$$A NO = B NB$$

Les côtés homologues MO et ON sont égaux donc O est le
milieu de MN .

3)



comme $AO = OB$ donc O étant équidistant de A et de B
se trouve sur x' la médiatrice de AB

O est sur la médiatrice de AB

$OM = ON$ démonstration précédente donc
 O étant situé sur la médiatrice de MN et x' cette dernière
donc x' médiatrice de MN

N° 17.

Soit un triangle isocèle ABC dans lequel la base BC est inférieure aux côtés égaux AB et AC . On prolonge AB et BC de longueurs BD et CE égales à la différence $AB - BC$.

1) Montrer que $BE = AC$.

2) Comparer les triangles ACE et EBO

3) Montrer que $\widehat{ADE} = \frac{1}{2}(\widehat{AED} + \widehat{BEC})$

ABC est isocèle

$H \left\{ \begin{array}{l} BC < AB \text{ et } AC \\ BD = CE \end{array} \right. \Rightarrow AB - BC$

$BE = AC$

$C \left\{ \begin{array}{l} HCE = EBD \\ x' \text{ est } \text{médiatrice de } MN \end{array} \right. \Rightarrow$

$\widehat{ADE} = \frac{1}{2}(\widehat{AED} + \widehat{BEC})$

Démonstration

par hypothèse $AB - BC = CE$ ④

$BE = BC + CE$

$BC = BE - CE$

je remplace BC dans sa valeur dans
l'équation ④ et j'ai

$$AB - (BE - CE) = CE$$

$$AB - BE + CE = CE$$

$$AB - BE = 0 \text{ donc } AB = BE$$

je considère les triangles ACE et EBO

ils ont

$$CE = BD$$

$$\widehat{AC} = \widehat{EB}$$

$\widehat{CA} = \widehat{BE}$ comme différences d'angles égaux

$$180^\circ - \widehat{B} \text{ et } 180^\circ - \widehat{E}$$

triangle ayant un angle égal composé entre 2 côtés
respectivement égaux ils sont égaux

$$ACE = EBO$$

N° 19

Dans le triangle rectangle ABC l'angle aigu \widehat{C}
est le double de l'angle \widehat{B}

1) Montrer que ce triangle est la moitié d'un triangle
d'un triangle équilatéral.

2) Comparer les côtés AB et l'hypotenuse BC énoncé et
réiproque.



Démonstration dans un triangle équilatéral chaque angle = 60°

Dans ABC la somme des angles:

$$90^\circ + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ$$

$$\text{d'où } \widehat{B} + \widehat{C} = 90^\circ$$

$$\widehat{B} = 90^\circ - \widehat{C}$$

$$\widehat{C} = 90^\circ - \widehat{B}$$

$$\text{L'angle } \widehat{ABC} = 30^\circ \times 2 = 60^\circ \text{ et } \widehat{BCA} = 30^\circ$$

mais tout triangle rectangle peut être considéré
comme la moitié d'un triangle isocèle d'où ABC qui
a un angle de 60° et un de 30° peut être considéré
comme la moitié d'un triangle équilatéral

Le triangle équilatéral a 3 côtés égaux

$$AB = BC = CA$$